

270 km/h

Žugec, Petar

Source / Izvornik: **Matematičko fizički list, 2015, 262, 104 - 108**

Journal article, Published version

Rad u časopisu, Objavljena verzija rada (izdavačev PDF)

Permanent link / Trajna poveznica: <https://um.nsk.hr/um:nbn:hr:217:301263>

Rights / Prava: [In copyright](#) / [Zaštićeno autorskim pravom.](#)

Download date / Datum preuzimanja: **2025-01-01**



Repository / Repozitorij:

[Repository of the Faculty of Science - University of Zagreb](#)

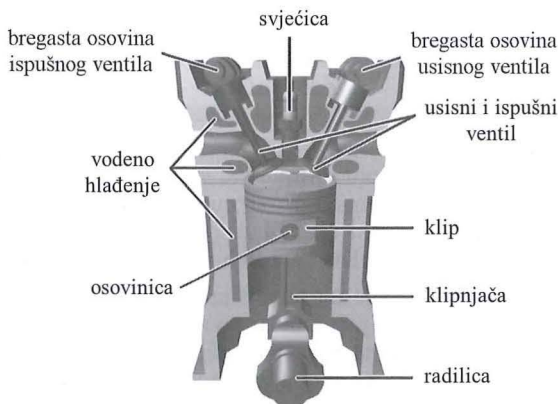


Petar Žugec¹

Napomena čitatelju. Ovaj prilog temelji se na prevedenom novinskom članku (u prijevodu Tomislava Duića [1]), koji kao glavnu referencu navodi njemački časopis *MOTORRAD* 01/2004 [2].

Stotinu eksplozija u sekundi. Inercijalne sile su nezamislive, naprezanja takva da se pojačani čelici svijaju, a trenje toliko da se guma topi. U biti nije riječ ni o čemu neobičnom. Radi se tek o vožnji motocikla na 270 km/h. No što se sve odvija u srcu te naprave dok prelazi 75 metara u sekundi? Kakva fizika stoji iza toga? To je tema kojom ćemo se pozabaviti.

Nisu svi motocikli sposobni postići brzine od oko 300 km/h niti razviti snagu od gotovo 200 konjskih snaga. Prvaci među onima koji jesu su, naravno, motocikli s najprestižnijeg svjetskog natjecanja – Moto Grand Prix-a – no oni ne smiju imati zajedničkih obilježja s motociklima iz serijske proizvodnje. Stoga ćemo u ovom opisu prvenstveno imati na umu četiri najpoznatija serijska natjecateljska modela: Kawasaki Ninja ZX-10R, Suzuki GSX-R1000, Yamaha YZF-R1 i Honda CBR1000RR.



Slika 1. Jedan cilindar agregata (preuzeto iz [3]).

Srca ovih monstura su četverotaktni četverocilindrični agregati (slika 1) od oko 1000 kubičnih centimetara koji pri 270 km/h rade na 12 000 okretaja u minuti – dakle 200 okretaja u sekundi – što je poprilično zastrašujuća brojka. Pri tome se unutar svake dvjestotinke sekunde nepogrešivo mora odviti niz različitih, visoko preciznih radnji koje čine ukupnost pogona motocikla. Te radnje ćemo objasniti u sklopu pojašnjenja rada četverotaktnog agregata.

¹ Autor je nuklearac-eksperimentalac s Fizičkog odsjeka Prirodoslovno-matematičkog fakulteta Sveučilišta u Zagrebu.

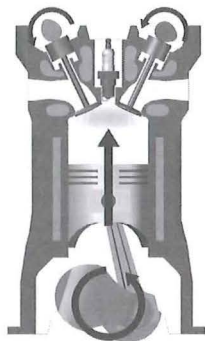
Jedan ciklus rada takvog agregata sastoji se od četiri poteza klipa (“gore” i “dolje”) tijekom kojih se odvijaju osnovne radnje:

- 1) usis gorive smjese (“dolje”)
- 2) sabijanje smjese (“gore”)
- 3) sagorijevanje smjese (“dolje”)
- 4) ispuh izgaranih plinova (“gore”)

Budući da u jedan ciklus ulaze dva okreta, proizlazi da se svaka faza odvija 100 puta u sekundi. Tijekom prve faze (slika 2) u svaki od četiri cilindra agregata ukupne zapremnine od jedne litre ulazi četvrtina litre zraka. To znači da kroz čitav agregat u sekundi prođe 100 litara zraka, a da bi to uopće bilo moguće, zrak se kreće nadzvučnom brzinom. Za jedno odvijanje tog procesa samo su 3 tisućinke sekunde na raspolaganju. U početku razvoja motocikala usis zraka je u potpunosti bio kontroliran gibanjem klipa koji je pri spuštanju stvarao parcijalni vakuum tako da je zbog većeg vanjskog (atmosferskog) tlaka zrak ulazio u cilindar. No ubrzo je otkriveno da su pri 100 i više okretaja u minuti plinovi pretromi da bi sam klip učinkovito održavao taj proces. Da bi se riješio taj problem kod visokih okretajnih brzina, kad je klip u gornjoj mrtvoj točki (najvišoj točki svoje putanje), istovremeno se otvaraju ventili za usis i ispuh zraka². Pri tome ispušni plinovi svojom inercijom povlače za sobom zrak kroz usisni ventil. Naravno, ispušni ventil se mora brzo zatvoriti da se usisana smjesa ne bi odmah preusmjerila kroz njega.



Slika 2. Prva faza ciklusa – usis gorive smjese (preuzeto iz [3]).



Slika 3. Druga faza ciklusa – sabijanje gorive smjese (preuzeto iz [3]).

Kad klip dosegne donju mrtvu točku (najnižu točku svoje putanje), cilindar je napunjen gorivom smjesom te se usisni ventili zatvaraju. Pokretan golemom inercijom kružnog gibanja sačuvanom u zamašnjaku, a prenesenom preko radilice, klip mijenja smjer gibanja te se počinje uzdizati komprimirajući pri tome usisanu smjesu (slika 3). U prosjeku, smjesa se komprimira na 1/12 početnog volumena, a za taj proces su dostupne tek 2.5 tisućinke sekunde. Dobro poznata jednadžba stanja idelanog plina:

$$pV = nRT \quad (1)$$

koja se uz pretpostavku stalne temperature svodi na Boyleov zakon ($pV = \text{const.}$), vodi na zaključak da tlak poraste na 12 bara. Međutim, zbog brzine procesa promjena je adijabatska te je opisana jednadžbom:

$$pV^\gamma = \text{const.} \quad (2)$$

gdje je γ adijabatski koeficijent veći od 1 (standardna vrijednost za smjesu gorivo-zrak iznosi $\gamma = 1.27$). Prema tome, tlak sabijene smjese je još i veći. Njena temperatura je sada 500 °C, što je uzrokovano porastom zbog sabijanja te okolnom temperaturom dijelova cilindra.

² Otvaranje i zatvaranje ventila svojim okretanjem kontroliraju tzv. bregaste osovine – to su osovine koje su u presjeku kružne s izbočinom/ izbočinama (slika 1). Kako se osovina vrti oko svoje osi, izbočina nalijeće na polugu ventila te je pritišće, čime se ventil otvara. Dimenzije izbočine (tj. geometrija presjeka osovine) određuju koliko će dugo ventil biti otvoren, a precizno postavljen položaj izbočine određuje trenutak otvaranja ventila.

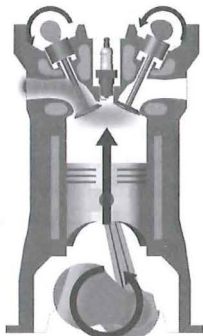
Tek prije nego klip dosegne gornju mrtvu točku, svječića zaiskri te smjesa eksplodira³ (slika 4). Temperatura u izgaranom prostoru gotovo trenutno poraste na 3000 °C, a tlak smjese na 90 bara. Uzme li se u obzir promjer klipa od 73 mm, proizlazi da na klip – a preko njega na klipnjaču i radilicu – djeluje sila viša od 37 000 N, što je ekvivalentno pritisku od 3.7 t. Toliki pritisak je dovoljan da se osovinica klipa svine za 25 tisućinki milimetra. Taj pomak osovinice se u jednostavnom modelu može opisati jednadžbom:

$$\Delta h = \frac{FL^3}{3IY} \quad (3)$$

gdje je L duljina osovinice (koja se podudara s promjerom klipa), Y njen Youngov modul elastičnosti, a I veličina koja za osovinicu kružnog presjeka iznosi:

$$I = \frac{R^4\pi}{8} \quad (4)$$

pri čemu je R polumjer njenog presjeka (oko 12 mm). F predstavlja silu pod kojom bi se osovinica savinula kad bi ona djelovala samo na njen kraj (no budući da sila od 37 000 N djeluje na čitav sustav pokretnih dijelova, a sila koja se prenese na osovinicu djeluje čitavom njenom dužinom, spomenuta sila ne odgovara sili F). Također, s obzirom da je klipnjača uvijek postavljena pod nekim kutem (različitim od nule, osim u mrtvim točkama) u odnosu na klip, prisutna je i bočna komponenta sile na cilindar od oko 2000 N, ekvivalentna pritisku od 200 kg. Tolika bočna sila prisutna je jedino tijekom ovog takta (ekspanzije).



Slika 5. Četvrta faza ciklusa – ispuh izgaranih plinova (preuzeto iz [3]).

Što je klip bliže donjoj mrtvoj točki, sagorijevanje gorive smjese je slabije. I prije nego što klip stigne u tu točku, ispušni ventili se otvaraju. Na taj način užareni plinovi počinju izlaziti kroz ispušnu granu, čime se osigurava da već imaju inercijom utvrđen smjer kad se klip počne dizati i gurati ih van cilindra (slika 5). Iako se dio snage izgubi zbog pada tlaka prije nego što klip završi svoje spuštanje, klip puno lakše istiskuje ostatak plinova čime gubi puno manje količine gibanja, stoga je na kraju učinkovitost veća. U ovoj posljednjoj fazi najveća naprezanja prolaze ispušni ventili. Užarenim plinovima ugrijani do usijanja pri više od 800 °C udaraju u svoja sjedišta. Stoga su ventili građeni od visokokvalitetnih krom-nikal čelika koji su još i dodatno pojačani u sjedištima, a koji su jedini dovoljno čvrsti da ne dožive deformacije. Da se toplina⁴ ne bi zadržala u agregatu te prouzročila taljenje dijelova, svake sekunde kroz cilindar i glavu prođu 2 litre vode⁵.

Posljednji korak u završavanju ovog četverotaktnog ciklusa jest ponovno stizanje klipa u gornju mrtvu točku, nakon čega će čitav ciklus krenuti ispočetka. Pri tome na



Slika 4. Treća faza ciklusa – sagorijevanje gorive smjese (preuzeto iz [3]).

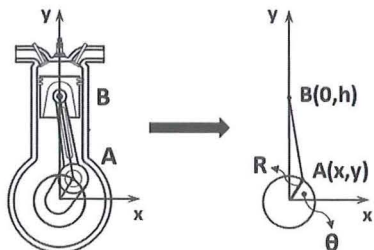
³ Pri idealnim uvjetima maseni omjer zraka i goriva u gorivoj smjesi iznosi 14.64 : 1 za benzin. Ako je taj omjer postignut, sav ugljik i vodik iz benzina može ući u kemijsku reakciju sa svim kisikom iz zraka, pri čemu nema štetnih ostataka. No u netipičnim radnim uvjetima odstupanja od ovog omjera su nužna (npr. veliko opterećenje motocikla, hladno paljenje), a mogu se kretati između 10 : 1 i 18 : 1. Također, idealni stehiometrijski omjer je funkcija korištenog goriva, a zadaća reguliranja tog omjera leži na rasplinjaču (karburatoru) ili sustavu elektronskog ubrzavanja

⁴ Kolokvijalna upotreba termina, u smislu unutarnje energije.

⁵ Alternativni načini hlađenja su zračno i uljno hlađenje.

putu od svega 25 mm klip mora usporiti od 134 km/h ($v_{\max} = 37.2$ m/s) sve do potpunog zaustavljanja, da bi ga klipnjača ponovno ubrzala na istu brzinu u sklopu usisne faze. Proizlazi da je srednje ubrzanje na tome putu s jednako:

$$\bar{a} = \frac{v_{\max}}{2s} \quad (5)$$



Slika 6. Položaj klipa, klipnjače i radilice u danome trenutku.

što iznosi 27710 m/s². S obzirom da se kružno gibanje radilice prenosi na klip preko klipnjače koja mijenja svoj kut spram klipa u različitim točkama putanje, gibanje klipa nije apsolutno (ko)sinusoidalno. Ono je, stoga, superpozicija projekcije kružnog gibanja radilice te gibanja zbog promjene kuta klipnjače. Opišimo precizno matematički gibanje klipa. Sa slike 6 jasno se iščitavaju koordinate x i y točke A (spojišta klipnjače i radilice):

$$x = R \cos \theta, \quad y = R \sin \theta. \quad (6)$$

Također, lako se iščitava koordinata h točke B (spojišta klipnjače i klipa):

$$h = \sqrt{L^2 - x^2} + y = \sqrt{L^2 - R^2 \cos^2 \theta} + R \sin \theta \quad (7)$$

pri čemu je L duljina dijela klipnjače između spojišta s klipom i radilicom, dok je R radijus kružne putanje spojišta klipnjače i radilice. Funkcijom h je određen i put unutar kojeg se klip može kretati – taj put se naziva hod klipa⁶, a jednak je $2R$, što je očito sa slike 6. Ogromna inercija zamašnjaka ne dozvoljava nagle značajne promjene kruženja radilice, stoga kut θ možemo opisati lineranom funkcijom vremena:

$$\theta = \omega t. \quad (8)$$

Pri tome ω predstavlja kutnu brzinu radilice, a ona nam je poznata jer opisujemo agregat pri radu na 12 000 okretaja u minuti. S obzirom da sada imamo zadan položaj klipa kao funkciju vremena, jednostavno je naći njegovu brzinu:

$$v(t) = \frac{dh}{dt} = R\omega \cos \omega t + \frac{R^2 \omega \sin 2\omega t}{2\sqrt{L^2 - R^2 \cos^2 \omega t}}. \quad (9)$$

Također, možemo izračunati i akceleraciju:

$$a(t) = \frac{dv}{dt} = -R\omega^2 \sin \omega t + \frac{R^2 \omega^2 \cos 2\omega t}{\sqrt{L^2 - R^2 \cos^2 \omega t}} - \frac{R^4 \omega^2 \sin^2 2\omega t}{4\sqrt{(L^2 - R^2 \cos^2 \omega t)^3}}. \quad (10)$$

Uočavamo da prvi član u prethodnim dvama izrazima dolazi kao projekcija kružnog gibanja radilice, dok preostali predstavljaju doprinos zbog položaja klipnjače. Iz svih podataka koje smo dosad naveli možemo izračunati vrijednost R . Nađimo prvo srednju vrijednost \bar{a} iznosa akceleracije unutar četvrtine perioda kruženja radilice⁷. Za taj period koji je dan izrazom

⁶ Dvije veličine koje, među ostalima, opisuju agregat su provrt i hod. Hod je, dakle, duljina puta unutar kojega se klip može kretati, dok provrt zapravo nije ništa drugo nego promjer cilindra. Pri tome je za agregat bitan međusoban odnos tih veličina. Ako je provrt veći od hoda, moći će se postići veći broj okretaja u minuti, a ako je manji, pri manjim okretajima će se razviti veći zakretni moment. Također, bitan je omjer duljine klipnjače i hoda. Povećanjem tog omjera (klipnjača/hod) smanjuje se ukupna brzina klipa, i suprotno – ta činjenica se odražava u jednakžbi (9).

⁷ Računamo srednju vrijednost unutar jedne četvrtine perioda jer se prosječno ubrzanje koje smo već izračunali, a dano je izrazom (5), upravo odnosi na četvrtinu perioda kružnog gibanja radilice. Naime, jedno čitavo spuštanje ili dizanje klipa odvije se u pola tog perioda, a samo u prvoj polovici tog vremena klip mora prvo ubrzati do maksimalne brzine, tako da mu je dostupna samo četvrtina perioda za čisto ubrzanje/ usporavanje. S obzirom da je nakon polovice perioda ili punog perioda klip u jednoj od mrtvih točaka u kojima miruje, srednje ubrzanje unutar tih vremenskih intervala jednako je 0.

$$T = \frac{2\pi}{\omega} \quad (11)$$

srednja vrijednost akceleracije dana je sa:

$$\bar{a} = \frac{|v(T/4) - v(0)|}{T/4} = \frac{2}{\pi} R\omega^2. \quad (12)$$

Kako nam je na raspolaganju već izračunata vrijednost \bar{a} , lako se dobije $R = 27.5$ mm. Uz ovakav R , za pripadne vrijednosti L od oko 13 cm akceleracija klipa dana izrazom (10), postiže maksimalnu vrijednost veću od nevjerovatnih $50\,000$ m/s², pri kojoj na klip mase 220 g djeluje inercijalna sila do 12 200 N, ekvivalentna pritisku od 1.2 tone! Stoga klipovi moraju biti ekstremno izdržljivi – a svakako i jesu! Do te mjere da nakon što prosječnom brzinom od 80 km/h na svakih 10 000 km prijeđenog puta samog motocikla prođu 2800 km unutar cilindra, na njima nisu uočljiva nikakva oštećenja, trošenja ili deformacije.

Pri prijenosu gibanja klipa na okretanje radilice nastaje 100 Nm zakretnog momenta. Prema jednadžbi za snagu

$$P = M\omega \quad (13)$$

gdje M predstavlja vrijednost momenta sile, razvijena snaga iznosi 125.7 kW, tj. čitavih 170 konjskih snaga! Tih 170 “konja” izaziva savijanja čeličnih legura i u dijelovima motocikla daleko od agregata, a kao dodatan nusprodukt nastaju snažne vibracije čitave konstrukcije. Sljedeće na red dolazi primarni prijenos kojim snaga prelazi na kvačilo, no tu završava priča o samome agregatu.

Količina snage koju četverotaktni agregat može proizvesti u krajnoj je granici ograničena brzinom koju klip unutar cilindra može postići. Iako je čvrstoća njegovog materijala među rekordnima, ipak postoji granica opterećenja koje klip može podnijeti, a sile koje djeluju na njega tijekom rada motora upravo iskušavaju te granice.

Opisali smo gibanje klipa unutar četverotaktnog agregata motocikla. Ukazali smo na još neke fizikalne procese koji čine dio njegovog rada te svojstva koja su dijelom njegove konstrukcije. A navedenim jednadžbama jedva da smo zastrugali po površini čitave kompleksnosti tih pojava. Kako pri izgradnji agregata treba savršeno proračunati dinamiku njegovih pokretnih dijelova, naprezanja njegove konstrukcije te sve ostale fizikalne i kemijske pojave koje se odvijaju u njemu, tako je potrebno pristupiti i konstrukciji cjelokupnog motocikla. Samo neki od problema koji se javljaju te ih treba uzeti u obzir su:

- gubici snage i maksimizacija korisnosti
- aerodinamička svojstva oblika motocikla
- otpornost svih dijelova motocikla na naprezanja (npr. torzijska čvrstoća vilice)
- način i odnos prijenosa snage/energije s jednog kraja motocikla na drugi
- prigušenje naglih trzaja proizvedenih vožnjom po neravnom terenu
- položaj centra mase, ključan u dinamici upravljanja motociklom

Ovime tek dajemo naslutiti proizvod kolike fizike i matematike jedan motocikl zapravo jest i koliko je on visokotehnološki stroj.

Literatura

-
- [1] TOMISLAV DUIĆ, *Opterećenja na 270 km/h*
<http://www.motori.hr/opterecenja-na-270-kmh/>
- [2] *Was passiert bei Vollgas?*, MOTORAD 01/2004
<http://www.motorradonline.de/news/was-passiert-bei-vollgas/166466>
- [3] Wikipedia [<https://en.wikipedia.org/>]