

# Natjecanje i smotra iz fizike, 26. - 29. travnja 2022. g.

---

**Skoko, Željko**

*Source / Izvornik:* **Matematičko fizički list, 2022, 73, 123 - 139**

**Journal article, Published version**

**Rad u časopisu, Objavljeni verzija rada (izdavačev PDF)**

*Permanent link / Trajna poveznica:* <https://urn.nsk.hr/urn:nbn:hr:217:871993>

*Rights / Prava:* [In copyright](#) / Zaštićeno autorskim pravom.

*Download date / Datum preuzimanja:* **2024-05-14**



*Repository / Repozitorij:*

[Repository of the Faculty of Science - University of Zagreb](#)



## Natjecanje i smotra iz fizike, 26.–29. travnja 2022. g.

Natjecanje iz fizike učenika osnovnih i srednjih škola organizira *Ministarstvo znanosti i obrazovanja Republike Hrvatske, Agencija za odgoj i obrazovanje i Prirodoslovno-matematički fakultet Sveučilišta u Zagrebu*.

Natjecanje u znanju organizirano je u pet skupina: jedna za osnovne škole i četiri za srednje škole i odvija se kroz tri razine: školska/općinska, županijska i državno.

Školska/općinska natjecanja održana su 9. veljače 2022. godine. Zadatke je pripremilo državno povjerenstvo i putem Informacijskog sustava za provedbu organizacije natjecanja i smotri poslalo u škole domaćine natjecanja. U natjecanju je sudjelovalo 3592 učenika od čega 1772 osnovnoškolaca i 1820 srednjoškolaca (660 prva, 443 druga, 404 treća i 313 četvrta skupina).

Na temelju uspjeha na općinskom natjecanju županijska povjerenstva su pozvala učenike na županijsko natjecanje koje je održano 9. ožujka 2022. godine. I za ovu razinu natjecanja zadatke je pripremilo državno povjerenstvo. Sudjelovalo je 1213 učenika osnovnih i srednjih škola (OŠ – 450, SŠ – 763).

Nakon što su županijska povjerenstva dostavila izvješća državno povjerenstvo je uskladilo bodovanje i prema jedinstvenim listama poretku za pojedine kategorije pozvalo 131 učenika (OŠ – 50, SŠ – 81) osnovnih i srednjih škola na državno natjecanje iz fizike.

Pored natjecanja u znanju koje se odvija na spomenute tri razine učenici osnovnih i srednjih škola tijekom školske godine osmišljavaju i izvode pokuse. Na početku školske godine Državnom povjerenstvu je bio prijavljeno 38 učenika osnovnih škola s 22 rada te 44 učenika srednjih škola s 26 radova. Na jednome pokusu rade jedan ili dva učenika pod vodstvom mentora/nastavnika. Tijekom godine učenici su u dva kruga slali radove na procjenu državnom povjerenstvu koje je na kraju najbolje pozvalo na državnu smotru: 6 radova (9 učenika) iz osnovne škole i 6 radova (11 učenika) iz srednjih škola.

Državno natjecanje iz fizike održalo se u Podgori od 26.–29. travnja 2022. godine u školi domaćinu OŠ don Mihovila Pavlinovića. Pozvano je ukupno 151 učenik i 90 mentorova, a sudionici su bili smješteni u hotelu Medora Auri u Podgori.

Više detalja o samoj provedbi natjecanja, kao i o sudionicima natjecanja mogu se vidjeti na mrežnim stranicama

<http://natjecanja-iz-fizike.net>.

Nagrade su dobili učenici kako slijedi:

### Osnovne škole

*Ivan Vujčetić, OŠ Ljudevita Modeca, Križevci, Mila Maretić, VI. OŠ Varaždin, Varaždin, Mauro Kritovac, OŠ Pavleka Miškine, Zagreb (I. nagrada); David Grabar, I. OŠ Varaždin, Varaždin, Karlo Brčić, OŠ Kajzerica, Zagreb, Matija Luetić, OŠ Mokošica, Dubrovnik, Luka Ozvačić, OŠ Milke Trnine, Križ, Lovro Tunjić, OŠ Tituša Brezovačkog, Zagreb, Jakov Jurić, OŠ Antun Nemčić Gostovinski, Koprivnica (II. nagrada); Noa Horvat, OŠ Prelog, Prelog, Svebor Stublija, OŠ Rikard Katalinić Jeretov, Opatija, Gabriel Augustin, OŠ Josipa Jurja Strossmayera, Zagreb, Ema Donev, OŠ Stjepana Basaričeka, Ivanić-Grad, Ema Hrvoić, OŠ Nikole Hribara, Velika Gorica, Lana Šćukanec, I. OŠ Varaždin, Varaždin, Ivan Vuk, II. OŠ Čakovec, Čakovec, Borna Lebinac Milinović,*

OŠ Horvati, Zagreb, *Maša Leona Lepur*, OŠ Dragutina Kušlana, Zagreb, *Lana Perić*, OŠ Trnsko, Zagreb, *Jakov Peroš*, OŠ Šimuna Kožičića Benje, Zadar, *Kristijan Šimović*, OŠ Lučko (III. nagrada).

### **Eksperimentalni radovi**

*Gita Poljaček, Gregor Lukić*, OŠ Bartola Kašića, Zagreb (I. nagrada); *Maša Dobrić*, OŠ Jure Kaštelana, Zagreb (II. nagrada); *Vita Novosel, Hana Zmajlović*, OŠ Ljubo Babić, Jastrebarsko (III. nagrada).

## **Srednje škole**

---

### **1. skupina**

*Val Karan*, XV. gimnazija, Zagreb (I. nagrada); *Luka Duplančić*, XV. gimnazija, Zagreb, *Dan Poklepović*, XV. gimnazija, Zagreb (II. nagrada); *Ratko Karačić*, XV. gimnazija, Zagreb, *Karlo Ahel*, Gimnazija Andrije Mohorovičića, Rijeka, *Dario Vuksan*, XV. gimnazija, Zagreb (III. nagrada).

### **2. skupina**

*Ilan Mihelja*, XV. gimnazija, Zagreb (I. nagrada); *Elide Babić*, Gimnazija Andrije Mohorovičića Rijeka, *Ivan Hegedić*, V. gimnazija, Zagreb, *Viktor Katić*, III. gimnazija Osijek (II. nagrada); *Franjo Krešimir Jalšovec*, V. gimnazija, Zagreb, *Nika Pleša*, Gimnazija Karlovac, Karlovac, *Luka Protulipac*, XV. gimnazija, Zagreb (III. nagrada).

### **3. skupina**

*Filip Vučić*, I. gimnazija, Zagreb (I. nagrada); *Borna Perković*, III. gimnazija, Split, *Luka Knežević*, Gimnazija Andrije Mohorovičića, Rijeka, *Lucija Ražov*, XV. gimnazija, Zagreb (II. nagrada); *Matej Cvitković*, III. gimnazija, Split, *Borna Soukup*, Gimnazija, Požega (III. nagrada).

### **4. skupina**

*Luka Passek-Kumerički*, XV. gimnazija, Zagreb (I. nagrada); *Roko Šupe*, XV. gimnazija, Zagreb, *Dorijan Lendvaj*, XV. gimnazija, Zagreb (II. nagrada); *Lovro Cvitanović*, XV. gimnazija, Zagreb, *Nikola Colnar*, Prva sušačka hrvatska gimnazija Rijeka, Rijeka, *Bartol Bućan*, III. gimnazija, Split (III. nagrada).

### **Eksperimentalni radovi**

*Blaž Stužić, Teodor Gregorić*, SŠ Zlatar (I. nagrada); *Andrea Brzica*, XV. gimnazija, Zagreb (II. nagrada); *David Plečko, Marko Levanić*, Elektrostrojarska škola Varaždin, Varaždin, *Ana Smud, Ida Slunjski*, Elektrostrojarska škola Varaždin, Varaždin (III. nagrada).

## **Osnovne škole – zadatci**

---

1. Tijekom priprema za Uskrs, Davor je imao zadatak skuhati tvrdo kuhana jaja te ih ukrasiti različitim bojama i naljepnicama. Dok je pripremao stvari potrebne za ovaj zadatak, dosjetio se da bi mogao usput vježbatи fiziku. Kako bi što preciznije odradio mjerjenja, odlučio je raditi vrlo brzo. Postavio je lončić na kuhinjsku vagu koja je pokazala da mu je masa 280 grama. U taj je lončić, koji je i dalje postavljen na vagi, pažljivo ulio 300 ml vode. Mjerenjem je odredio da je voda iz slavine na temperaturi

od  $18^{\circ}\text{C}$ , što je  $4^{\circ}\text{C}$  hladnije od sobne temperature koju je pokazao zidni termometar, pokraj kojega inače stoji aluminijski lončić. Iz frižidera, čija je unutrašnjost na  $4^{\circ}\text{C}$ , izvadio je dva jaja te ih stavio u lončić s vodom tako da su oba bila u potpunosti upronjena u vodu. Vaga je pritom pokazala povećanje mase od 240 grama.

Na utičnicu koja je spojena na gradsku mrežu Davor je priključio grijач otpora  $48 \Omega$  i taj grijач upravio u vodu. Mjerio je vrijeme od uranjanja grijacha u vodu sve dok voda nije proključala, za što mu je trebalo 178 sekundi. Pustio je grijach da radi još neko vrijeme, dok je on računao specifični toplinski kapacitet jajeta. Kada je izračunao, provjerio je na internetu tabličnu vrijednost i zadovoljno zaključio da je bio vrlo blizu tablične vrijednosti.

Koliki je specifični toplinski kapacitet jajeta Davor izračunao? Je li ovako izračunat toplinski kapacitet jajeta veći ili manji od tablične vrijednosti?

$$(c_{\text{Al}} = 900 \frac{\text{J}}{\text{kgK}}, c_{\text{vode}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kgK}}, \rho_{\text{vode}} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3})$$

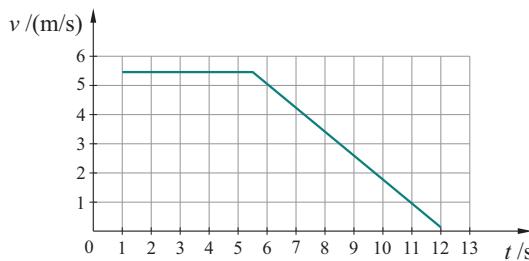
**2.** Prilikom popravljanja starog električnog uređaja, električar Borna uklonio je staru žicu od konstantana i na njenoje mjesto odlučio staviti zamjensku bakrenu žicu jednakog poprečnog presjeka i mase.

Dok je u uređaju bila žica od konstantana, kroz nju je tekla struja od  $16 \text{ A}$ , a napon na njenim krajevima bio je  $50 \text{ V}$ . Koliki su otpori tih dviju žica? U kojem će slučaju električni uređaj imati veću električnu snagu: kada je u njemu bakrena žica ili kada je u njemu žica od konstantana?

Otpornost konstantana je  $\rho_{\Omega, \text{K}} = 4.9 \cdot 10^{-7} \Omega\text{m}$ , otpornost bakra  $\rho_{\Omega, \text{Cu}} = 1.7 \cdot 10^{-8} \Omega\text{m}$ . Gustoća konstantana je  $\rho_{\text{K}} = 8885 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ , a gustoća bakra  $\rho_{\text{Cu}} = 8.96 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ .

**3.** Tramvaj vozi ravnim dijelom pruge između dvije stanice udaljene  $600 \text{ m}$ . Krećući sa stanicu ubrzava  $10 \text{ sekundi}$  akceleracijom od  $1.2 \text{ m/s}^2$ . Zatim vozi stalnom brzinom i pred idućom stanicom usporava akceleracijom dvostrukog iznosa u odnosu na početnu. Kolika je srednja brzina tramvaja između te dvije stanice?

**4.** Marko vuče svog psa Snoopyja mase  $11 \text{ kg}$  na sanjkama težine  $50 \text{ N}$ , tako da se sanjke gibaju stalnom brzinom. U jednom trenutku Marko pusti uže i sanjke se nastave gibanju usporeno. Na dijagramu je prikazano gibanje sanjki do trenutka kada Snoopy skoči s njih na snijeg.



Koliki je faktor trenja između sanjki i snijega? Kolikom je silom Marko vukao sanjke?

**5.** Tina je za rođendan dobila rekete i 6 loptica za ping-pong. Primjetila je da, kada ispusti ping-pong lopticu s neke visine bez početne brzine, ona ne odskoči do jednakog

visine s koje je ispuštena. Datoteka na računalu u koju je upisivala podatke nije se dobro spremila pa je sutradan Tina pronašla samo informaciju o masi loptice (50 grama) i podatak da je ping-pong loptica nakon 4 odskoka bila na visini 98.4 cm, a nakon 5. odskoka na visini od 88.6 cm.

Pomozi Tini odrediti s koje je visine ispuštena ping-pong loptica. Koliko se ukupno energije pretvorilo u druge oblike energije od trenutka ispuštanja loptice do trenutka netom nakon 5. odskoka?

### Osnovne škole – eksperimentalni zadaci

**1.** Na stolu pred tobom nalaze se elastična opruga nepoznate konstante elastičnosti te tekućina nepoznate gustoće. Odredi gustoću nepoznate tekućine koristeći elastičnu oprugu, no najprije odredi konstantu elastičnosti elastične opruge.

- Jasno opiši što i kako mjeriš.
- Provedi više mjerena (barem 4) i prikaži ih tablično.
- Navedi konstantu elastičnosti opruge i gustoću nepoznate tekućine.

**2.** Na raspolaganju imaš tri otpornika  $A$ ,  $B$  i  $C$  nepoznata otpora, od kojih su otpornici  $A$  i  $B$  međusobno serijski vezani (nemoj ih rastavljati!). Složi 5 različitih strujnih krugova u kojima ćeš provesti mjerena i odrediti otpor svakog pojedinog otpornika. Prilikom slaganja strujnih krugova pripazi da se struje kroz svaki pojedini otpornik i naponi na otpornicima razlikuju od kruga do kruga.

- Nacrtaj sheme svih strujnih krugova te naznači položaj mjernih instrumenata.
- Prikaži svoja mjerena te izračunate otpore za svaki otpornik u svakom složenom strujnom krugu.

Koliki su otpori otpornika  $A$ ,  $B$  i  $C$ ?

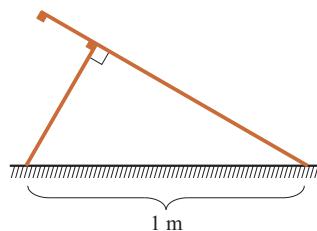
**3.** Odredi kako srednja brzina kojom voda moći trake papira (filter papir i papir za printanje) ovisi o temperaturi vode. Usporedi svoje rezultate za filter papir te papir za printanje. Što zaključuješ iz svojih mjerena?

- Jasno opiši svoj postupak.
- Navedi svoju pretpostavku.
- Tablično prikaži rezultate za tri različite temperature vode.
- Prikaži rezultate u grafu.
- Usporedite svoje rezultate i napiši zaključak.

### Srednje škole – zadaci

#### 1. skupina

**1.** Dvije nepomične daske duljine 60 cm i 110 cm naslonjene su jedna na drugu, kao što je prikazano na slici. Razmak uporišta dasaka na horizontalnoj podlozi je 1 m, a postavljene su tako da u točki dodira zatvaraju pravi kut. Dva mala tijela nalaze se u početnom položaju koji je prikazan na slici. Iz početnog položaja tijela se istovremeno počinju gibati. Trenje između oba mala tijela i daske je zanemarivo. Zanemarite dimenzije malih tijela.

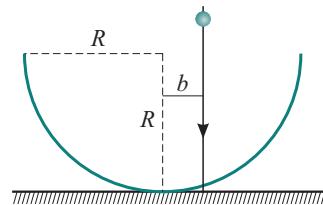


a) Izračunajte vertikalnu udaljenost dvaju tijela u trenutku kada je njihova horizontalna udaljenost jednaka nuli.

b) Izračunajte minimalnu udaljenost između dvaju tijela za vrijeme gibanja.

Uputa za b) dio zadatka: Kvadratna funkcija  $f(x) = ax^2 + bx + c$ , u kojoj je  $a > 0$  i  $b < 0$ , ima najmanju vrijednost u točki tjemena, odnosno za  $x_0 = -\frac{b}{2a}$ .

**2.** Na horizontalnoj podlozi nalazi se polukružna zdjela polumjera zakrivljenosti  $R$ . Mala kuglica mase  $m$  puštena je da slobodno pada s visine  $h$  u odnosu na horizontalnu podlogu. Kuglica se giba po pravcu udaljenom za  $b = \frac{7}{25}R$  od osi zdjele, kao što je prikazano na slici. Kuglica se elastično odbije od dna zdjele. Prepostavite da je masa zdjele mnogo veća od mase kuglice te da zdjela ostaje nepomična prilikom odbijanja kuglice. Odredite najmanju moguću visinu  $h$  takvu da kuglica iskoči iz zdjele. Rezultat izrazite pomoću polumjera zdjele  $R$ .



**Napomena.** Možete koristiti sljedeće trigonometrijske identitete:

$$\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cos \alpha, \cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha.$$

**4.** *International space station* (ISS) je međunarodna svemirska stаница која се налази у ниској orbiti oko Земље. ISS се креће по приближно kružnoj orbiti на висини од 400 km iznad površine Zemље. (Ravnina u kojoj se гiba ISS zatvara kut s ekvatorijalnom ravniom Zemљe od  $51.6^\circ$ .) Маса ISS-а је 420 000 kg, маса Земље је  $5.97 \cdot 10^{24}$  kg, polumjer Zemље 6371 km, gravitacijska konstanta  $G = 6.67 \cdot 10^{-11} \text{ m}^3 \text{kg}^{-1} \text{s}^{-2}$ .

a) Izračunajte period ISS-а i koliko puta обиђе Земљу u jednom danu.

b) Izračunajte brzinu kojom се гiba ISS.

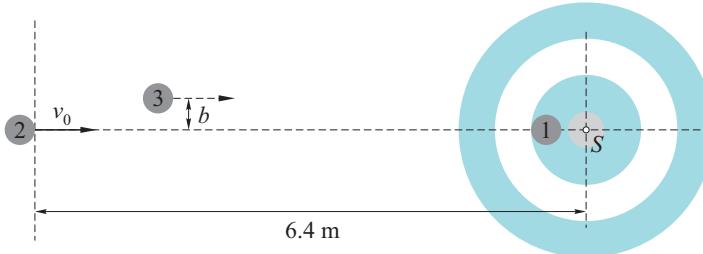
c) Izračunajte put koji приједе тоčка на ekvatoru Zemље između dva uzastopna prolaska ISS-а iznad ekvatora u blizini odabrane točke.

d) Polumjer orbite ISS-а смањи се за 2 km u mjesec dana zbog otpora vrlo rijetke atmosfere. Izračunajte gubitak energije ISS-а u mjesec dana.

**4.** *Curling* je zimski sport u kojem dvije ekipе naizmjenično guraju осам камена по ledenoj stazi i nastoje ih smjestiti što bliže središtu koncentričnih krugova nacrtanih na kraju staze. Igrači mogu kontrolirati putanje i brzinu klizanja kamena po ledu tako да posebnom četkom četkaju led ispred klizajućeg kamena i na taj начин смањују тренje između kamena i leda. U ovom zadatku prepostavite ћemo да је putanja kamena uvijek правocrtna i да се četkanjem leda може mijenjati само коeficijent тренja između kamena i ledene podloge. Сredište koncentričnih krugova на slici označено је са  $S$ . Polumjer kamena је  $R = 14.5$  cm. Sva su tri kamena идентична. Gravitacijsko je убрzanje  $g = 10 \text{ m/s}^2$ .

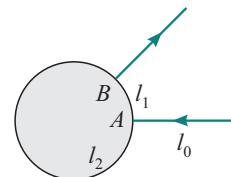
a) Dio *curling* staze prikazan је на slici. Кamen #1 miruje на rubu crvenog kruga s unutarnje strane. Promjer crvenog kruga је 1.22 m. Igrač gura kamen #2 по правцу prikazanom isprekidanom linijom, koji prolazi točkom  $S$ , i ispušta ga u trenutku kada prednji rub kamena dotakne liniju koja је udaljena od točke  $S$  за 6.4 m (vidi sliku). Brzina kamena #2 u tom je trenutku jednaka  $v_0 = 1.4 \text{ m/s}$ . Кamen #2 zaustavlja се tik do камена #1. Коeficijent тренja између камена и ledene подлоге iznosi 0.025. Четканjem leda коeficijent тренja smanjuje се за 40 %. Odredite koliki су dio staze igrači morali četkati ledenu podlogu да се камен zaustavi na zadanim položajima.

- b) Nakon što se kamen #2 zaustavio, sljedeći igrač gura kamen #3. Kamen #3 giba se po pravcu paralelnom središnjoj isprekidanoj liniji i udaljenom od nje za  $b = \sqrt{2}R$ . Brzina kamena #3 u trenutku udara u kamen #2 je  $60 \text{ cm/s}$ . Sudari kameni su elastični. Ledena podloga, po kojoj se kameni gibaju nakon sudara, očetkana je tj. na njoj je trenje smanjeno. Odredite udaljenost položaja svakog kamenja (kad se zaustave) od središta  $S$ .



## 2. skupina

1. Konstantanska žica duljine  $L = 100 \text{ cm}$  presavijena je u kružni prsten. Ravna žica vodiča pričvršćena je na točku  $A$  prstena, a druga žica jednaka prvoj spojena je na prsten pomoću kliznog kontakta (točka  $B$ ), tako da je njezin smjer uvijek radijalan; sve žice leže u istoj ravnini.



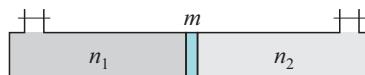
Neka su  $l_1$  i  $l_2$  duljine dva luka između točaka  $A$  i  $B$  i neka je  $x = l_1/L$  bezdimenzionalni parametar koji definira položaj točke  $B$ .

Dvije ravne žice spojene su (na velikoj udaljenosti) na generator struje  $I_0 = 250 \text{ mA}$  i mjeri se napon između točaka  $A$  i  $B$ . Utvrđeno je da maksimum napona, kada se  $x$  mijenja, iznosi  $V_0 = 100 \text{ mV}$ .

- Odredite debljinu (promjer presjeka) konstantanske žice.
- Nacrtajte graf napona  $V$  između  $A$  i  $B$ , kao funkciju od  $x$ .
- Odredite ovisnost snage raspršene Jouleovim efektom u luku duljine  $l_1$  u ovisnosti o  $x$  i skicirajte kvalitativno ovisnost na grafu. Znajući da ta ovisnost dostiže maksimum za  $x = 1/3$ , odredite pripadajuću maksimalnu vrijednost snage.

2. Cilindar presjeka  $A = 100 \text{ cm}^2$  i duljine  $l = 100 \text{ cm}$  postavljen je vodoravno. Stjenke su toplinski izolirane i zanemarivog toplinskog kapaciteta. Unutar cilindra može kliziti klip mase  $m = 0.13 \text{ kg}$  i zanemarive debljine, i sa zanemarivim trenjem. Specifični toplinski kapacitet tvari od koje je napravljen klip iznosi  $c = 390 \text{ J/kgK}$ .

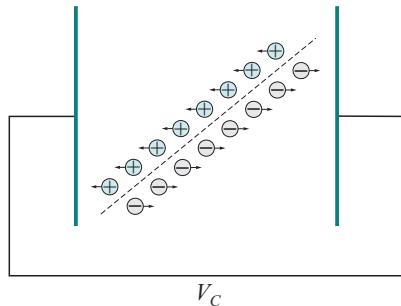
- Na početku, u lijevom dijelu cilindra se nalazi  $n_1 = 2.3$  mola jednoatomskog idealnog plina na temperaturi  $T_1 = -90^\circ\text{C}$ , a u drugom dijelu  $n_2$  mola jednoatomskog idealnog plina na temperaturi  $T_2 = 46^\circ\text{C}$ . Klip se nalazi  $53 \text{ cm}$  od lijeve stijenke cilindra, i u mehaničkoj je ravnoteži. Odredite u tom početnom trenutku količinu plina koja se nalazi u desnoj strani cilindra, u molovima.



Nakon toga sustav se pusti da dođe u toplinsku ravnotežu. Ako je na početku temperatura klipa bila  $T_0 = 100^\circ\text{C}$ , odredite:

- ravnotežnu temperaturu sustava;
- koliko se klip pomaknuo.

**3.** Ionizacijska komora je detektor za otkrivanje i mjerjenje jakosti ionizirajućega zračenja. Glavni su joj dijelovi zatvorena cilindrična komora, u kojoj se nalazi plin pod određenim tlakom, i dvije elektrode s početnom razlikom napona  $V_C = V_0$ . Prolaskom fotona ili neke nabijene čestice dovoljne energije kroz komoru, ioniziraju se ili pobuđuju molekule plina uzduž staze čestice. Ionizacijom neutralne molekule nastaju pozitivni ion i slobodni elektroni koji se nastavljaju gibati prema nabijenim pločama.



Zbog brojnih sudara tako nastalih iona i elektrona s ostalim molekulama plina njihova se brzina može smatrati konstantnom i nazivamo je driftna brzina. Kako je masa elektrona znatno manja prema onoj od iona može se smatrati da za te (driftne) brzine vrijedi  $v_e \gg v_i$ .

Za potrebe ovog zadatka uzet ćemo da elektrode u ionizacijskoj komori odgovaraju pločastom kondenzatoru, a voltmetar (nije prikazan na slici) je spojen tako da mjeri napon  $V(t)$  koji odgovara razlici početnog napona i vremenski ovisnog napona  $V_C : V(t) = V_0 - V_C(t)$ .

Prepostavimo da u trenutku  $t = 0$  jedna čestica prođe na udaljenosti  $x$  od pozitivno nabijene ploče, i da je vrijeme prolaza te čestice kroz detektor zanemarivo kratko prema ostalim procesima.

- Izrazite rad koji električna sila vrši na jednom elektronu i ionu, kao funkciju vremena, prije nego dođu do ploče kondenzatora.
- Izrazite potencijal  $V(t)$  kao funkciju broja  $N$  nastalih parova elektron-iona, udaljenosti  $d$  između ploča, kapaciteta  $C$  kondenzatora, i *driftnih* brzina elektrona i iona (također, prije nego što dođu do ploče kondenzatora). Prepostavite da se  $V_C(t)$  vrlo malo razlikuje od  $V_0$ , tj. da se zbroj napona  $V_0 + V_C(t)$  može aproksimirati s  $2V_0$ .
- Budući da su *driftne* brzine vrlo različite, elektroni gotovo uvijek stignu na anodu (pozitivno nabijenu ploču kondenzatora) prije nego što pozitivni ioni stignu na katodu (negativnu ploču). Prepostavimo da se tako događa i u ovom slučaju. Nazovimo  $t_e$  trenutak u kojem udare elektroni, a  $t_i$  sljedeći trenutak u kojem udare ioni. Pronadite izraz za signal  $V(t)$ , između  $t_e$  i  $t_i$  kao funkciju  $N$ ,  $d$ ,  $C$ ,  $v_i$  i  $x$ .
- Pronadite vrijednost  $V(t)$  nakon  $t_i$ .
- Nacrtajte kvalitativni graf funkcije  $V(t)$ .

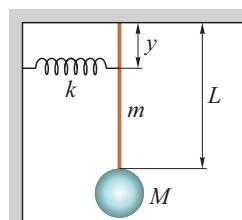
**4.** Hermetički zatvoren cilindar visine  $H = 1$  m napunjen je vodom (koju možemo smatrati idealnom tekućinom) do visine  $h_0 = 90$  cm. Volumen koji ne zauzima voda ispunjen je idealnim plinom pri početnom tlaku od 8 atm i temperaturi  $T = 300$  K. Na dnu cilindra napravljena je rupa zanemarive površine u odnosu na baznu površinu cilindra. Nadite izraz brzine izlaza vode iz rupe kao funkciju visine  $h$  tekućine, uz pretpostavku da širenje plina kako voda izlazi odgovara izotermom procesu. Izračunajte:

- početnu brzinu kojom voda izlazi iz rupe;
- brzinu kada se visina tekućine prepolovi u odnosu na početnu vrijednost;
- za koju vrijednost  $h$  na kojoj voda prestaje izlaziti.

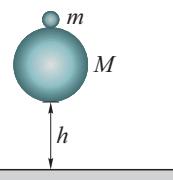
*Fizikalne konstante:*  $R = 8.31 \text{ J/Kmol}$ ,  $P_{\text{atm}} = 1 \text{ atm} = 101300 \text{ Pa}$ ,  $g = 9.81 \text{ m/s}^2$ ,  $\rho_{\text{voda}} = 1000 \text{ kg/m}^3$ ,  $\rho_{\text{konstantan}} = 4.90 \cdot 10^{-7} \Omega \text{m}$ .

### 3. skupina

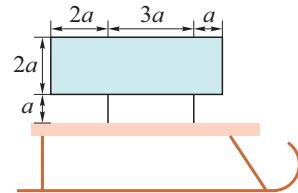
**1.** Kugla mase  $M$  visi na krutoj šipki mase  $m$  i duljine  $L$  sa stropa. Šipka je za strop pričvršćena tako da se može slobodno njihati. Na šipku je na visini  $y$  od stropa zakačena opruga konstante  $k$ . Opruga je u nerastegnutom stanju kada šipka stoji okomito u odnosu na strop. Izrazi iznos i smjer svih momenata koji djeluju na sustav kada je malo pomaknut iz ravnoteže. Izrazi period titranja preko masa  $m$  i  $M$ , duljina  $L$  i  $y$  i konstante  $k$ . Izrazi period titranja ako zanemarimo masu kugle ( $M \rightarrow 0$ ) i konstantu opruge ( $k \rightarrow 0$ ). Primjeni aproksimaciju malih kutova:  $\sin \alpha = \alpha$ ,  $\cos \alpha = 1$ .



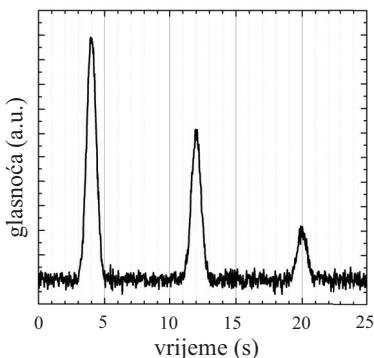
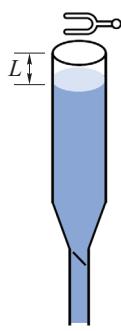
**2.** Dvije kugle, masa  $m$  i  $M$ , stoje jedna na drugoj kao na slici, na visini  $h$  od tla. U nekom trenutku pustimo kugle da slobodno padaju. Koju će krajnju visinu dostići lakša kugla, ako je masa teže kugle mnogo veća? Zanemari otpor zraka. Sudari među kuglama i kugle s tlom savršeno su elastični. Zanemari promjere kugli u odnosu na visinu  $h$ .



**3.** Mala Monika je na saonice stavila dva paketa na prilično loš način, tako da je veći paket postavila iznad manjeg, kao na slici. Dimenzije oba paketa mogu se iščitati sa slike i paketi su uniformne gustoće. Koeficijent trenja među paketima je  $\mu = 1.5$ , a koeficijent trenja donjeg paketa sa saonicama puno je veći. Za koji raspon akceleracija saonica je teret stabilan? Uzeti u obzir pozitivne i negativne akceleracije.



**4.** Odljevna tikvica je napunjena vodom do vrha: u  $t = 0$  prazan prostor u tikvici je  $L = 0$ . Namještена je tako da voda polako curi iz nje, brzinom  $10 \text{ ml/s}$ , a početak curenja je  $t = 0$ . Tikvica ima kružni presjek promjera  $d = 25 \text{ mm}$ . Dovoljno je duga za potrebe zadatka i njena duljina se ne razmatra. Iznad otvora tikvice stavimo glazbenu viljušku. U početnom trenutku voda je napunjena do vrha. Kako voda istječe, tako se mijenjaju periodi kada viljuška glasno rezonira, što možemo prikazati na grafu glasnoće. Nadi prirodnu frekvenciju glazbene viljuške. Je li površina vode čvrsti ili slobodni kraj svirale? Obrazloži odgovor koristeći saznanja iz samog zadatka! Brzina zvuka u zraku je  $c = 335 \text{ m/s}$ . Glasnoća viljuške ovisi o dosta parametara te sam iznos glasnoće nije bitan za zadatok.



#### 4. skupina

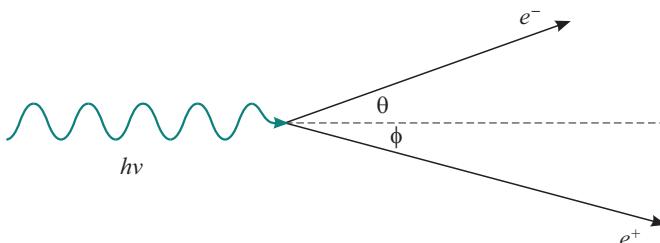
1. Elektron se može slobodno gibati unutar efektivno dvodimenzionalnog volumena oblika pravokutnika dimenzija  $a = 6 \text{ nm}$  i  $b = 4 \text{ nm}$ . Koje su energije fotona potrebne da elektron iz najnižeg energetskog stanja prieđe direktno u prva tri pobuđena stanja? Rezultate izrazite u meV-ima.

2. Na slici 1 prikazan je raspad fotona na elektron-pozitron par. Pozitron i elektron imaju jednake mase, ali suprotne naboje.

a) Napišite zakone očuvanja energije i impulsa za ovaj proces i pokažite da on nije moguć u vakuumu.

b) Ovakvi procesi raspada fotona mogući su u blizini atomske jezgre čime i ona putem elektromagnetske interakcije dobije dio impulsa upadnog fotona. Komadić olova dimenzija  $5 \text{ cm} \times 5 \text{ cm} \times 5 \text{ mm}$  izlažemo  $\gamma$ -zračenju valne duljine  $1.24 \cdot 10^{-2} \text{ pm}$  intenziteta  $0.1 \text{ W m}^{-2}$  tako da je upadna površina zračenja na olovu maksimalna. Koliki je intenzitet  $\gamma$ -zračenja iza komadića olova ako on slijedi ovisnost  $I = I_0 e^{-\mu x}$ , gdje je  $\mu = 1.05 \text{ cm}^{-1}$  linearni koeficijent atenuacije zračenja kroz olovu, a  $x$  put koji zračenje prođe kroz materijal? Za ovako energetično zračenje snop gubi intenzitet gotovo isključivo zbog produkcije elektron-pozitron parova u olovu, tj. drugi efekti kao fotoelektrični efekt ili Comptonov efekt su zanemarivi.

c) Odredi ukupnu deponirano energiju u tom komadiću olova ako je bio izložen zračenju 5 h. Prepostavite da su svi nastali elektroni i pozitroni ostali vezani u materijalu.



Slika 1. Raspad fotona na elektron-pozitron par.

3. Dana je trostrana prizma kao na slici 2. Ona je usmjerena tako da su joj baze paralelne s  $x$ - $y$  ravninom, te najveća stranica plašta gleda u pozitivnom smjeru  $x$ -osi. Ishodište koordinatnog sustava je u točki  $O$ . Baza je jednakokračni trokut čija je najveća duljina dana s  $2h$ , a kutovi uz tu stranicu jednakci su  $\alpha$ . Visina prizme je  $v$ , gustoća  $\rho$  i indeks loma  $n$ , a indeks loma sredstva u kojem se prizma nalazi je 1. Jedna od dvije manje stranice plašta (ona koja je donja na prikazanoj slici) obasjana je monokromatskim zračenjem koje putuje duž pozitivnog smjera  $x$ -osi. Intenzitet zračenja dan je sa:

$$I(y, z) = \begin{cases} (h - y)k, & \text{kada je } -h/5 < y < h \text{ i } 0 < z < v \\ 0, & \text{inače,} \end{cases} \quad (1)$$

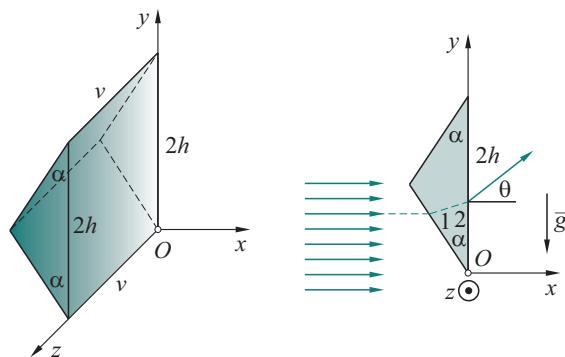
gdje je  $k$  konstanta koja ima dimenzije intenziteta po duljini.

a) Pronadite kut izlazne zrake  $\theta$  (označen na slici) koja nastaje nakon dva uzastopna loma upadne svjetlosti na prizmi u ovisnosti o  $\alpha$  i  $n$ .

b) Prepostavite da je koeficijent transmisije na granici "1" prizme i zraka jednak  $\eta$ , a na granici "2" jednak 1. Odredite ukupnu silu na prizmu (zbog obasjavanja) u ovisnosti o  $h$ ,  $v$ ,  $\eta$ ,  $\alpha$ ,  $\theta$  i  $k$ . Zanemarite apsorpciju zračenja.

c) Kolika mora biti snaga izvora koje proizvodi zračenje čiji intenzitet ima ovisnost iz (1), uz uvjet da nema gibanja prizme u  $y$  smjeru, ako se ona nalazi u gravitacijskom polju Zemlje? Uzmite  $\alpha = 20^\circ$ ,  $\rho = 2.5 \text{ g cm}^{-3}$ ,  $v = 80 \mu\text{m}$ ,  $h = 30 \mu\text{m}$  i  $\eta = 0$  (nema transmisije). Najveća stranica plašta prizme (ona koja leži u  $y-z$  ravnini) položena je na optički proziran "zid" po kojem može kliziti bez trenja i koji sprječava gibanje u  $x$  smjeru i bilo kakve rotacije prizme.

d) Obrazložite kakva je stabilnost uvjeta ravnoteže na male pomake prizme. Kakva bi bila stabilnost uvjeta ravnoteže na male pomake da nema zračenja u području  $-h/5 < y < 0$ ?

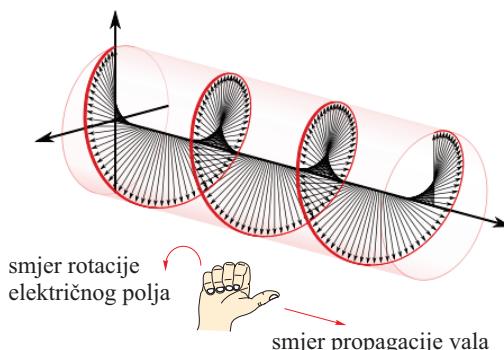


Slika 2. Trostrana prizma obasjana monokromatskim zračenjem u gravitacijskom polju duž  $-y$  smjera.

4. Električno polje kružno polariziranog vala koji se prostire u  $+z$  smjeru je:

$$\vec{E}_\pm = E[\cos(\omega t - kz)\hat{x} \pm \sin(\omega t - kz)\hat{y}], \quad (2)$$

gdje za  $\vec{E}_-$  kažemo da polarizacija slijedi pravilo desne ruke (ako je palac desne ruke smjer propagacije vala, onda se električno polje zakreće u smjeru ostalih prstiju, kao što je prikazano na slici 3).



Slika 3. Električno polje desno kružno polariziranog vala.

Analogno,  $\vec{E}_+$  je električno polje lijevo kružno polariziranog vala. Lijevo i desno kružno polarizirani val imaju različite fazne brzine prilikom prolaska kroz plazmu (ioniziranu tvar koja sadrži slobodne elektrone) kada je prisutno dodatno statičko magnetsko polje u smjeru propagacije elektromagnetskog vala. Indeksi refrakcije

lijevog/desnog kružno polariziranog vala kroz plazmu tada su:

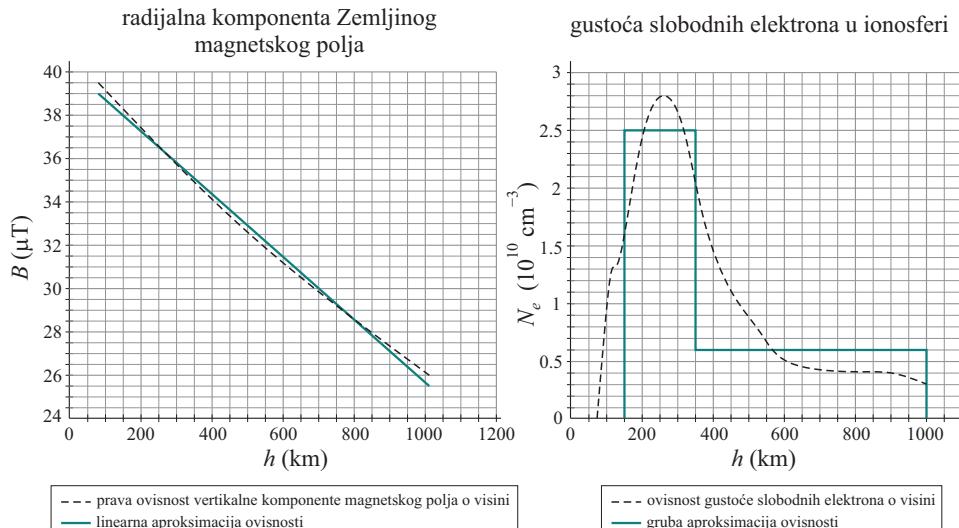
$$n_{\pm}^2 = 1 - \frac{\omega_p^2}{\omega(\omega \pm \omega_c)}, \quad \omega_p^2 = \frac{4\pi Ne^2}{m}, \quad \omega_c = \frac{eB}{m}, \quad (3)$$

gdje je  $N$  gustoća slobodnih elektrona u plazmi,  $e$  naboj elektrona,  $m$  masa elektrona i  $B$  statičko magnetsko polje. Frekvencije  $\omega_p$  i  $\omega_c$  redom opisuju "prirodnu" frekvenciju titranja slobodnih elektrona u plazmi, te ciklotronsku frekvenciju.

a) Odredi faznu razliku lijevo i desno kružno polariziranog vala frekvencija  $\omega$  nakon propagacije za  $\Delta z$  kroz plazmu koja sadrži uniformnu gustoću slobodnih elektrona, u uniformnom magnetskom polju koje je paralelno sa smjerom propagacije valova. Rezultat izrazite kao funkciju  $\omega$ ,  $\omega_p$ ,  $\omega_c$  i  $\Delta z$ . Vrijedi da je  $\omega \gg \omega_c$ ,  $\omega_p$ . Možete koristiti  $(1+x)^{-1} \approx 1-x$  za  $x \ll 1$  i  $n_+ + n_- \approx 2$ .

b) Prolaskom linearno polariziranog zračenja kroz isti segment plazme duljine  $\Delta z$  u istom statičkom magnetskom polju dolazi do zakreta kuta polarizacije zračenja (taj efekt naziva se Faradayeva rotacija). Odredi kut zakreta polarizacije u ovisnosti o  $\omega$ ,  $N$ ,  $B$  i  $\Delta z$ .

c) Izračunavanjem Faradayeve rotacije (na temelju promatranja polariziranog zračenja dalekih izvora, npr. pulsara) mogu se dobiti neka saznanja o gustoći slobodnih elektrona i magnetskim poljima u međuvjezdanim prostoru. Efekt Faradayeve rotacije događa se i pri prolasku polariziranog zračenja kroz Zemljinu ionosferu. U grafovima na slici 3 iscrtkanom linijom su zabilježene izračunate vrijednosti radikalne komponente magnetskog polja Zemlje i izmjerene vrijednosti gustoće slobodnih elektrona u ionosferi. Odredite kut zakreta linearno polariziranog zračenja frekvencije  $f = 20$  MHz zbog prolaska kroz ionosferu koristeći podatke označene punom linijom (koje su gruba aproksimacija). Prepostavite da je smjer propagacije zračenja okomit na Zemlju.



Slika 4. Izračunani i izmjereni podaci magnetskog polja Zemlje i gustoće slobodnih elektrona u ovisnosti o nadmorskoj visini – iscrtkana linija, i aproksimirane ovisnosti – puna linija.

Vrijednosti potrebnih fizikalnih konstanti: brzina svjetlosti –  $c = 3 \cdot 10^8$  ms $^{-1}$ , gravitacijsko ubrzanje Zemlje –  $g = 9.81$  ms $^{-2}$ , masa elektrona –  $m = 9.109 \cdot 10^{-31}$  kg, naboj elektrona –  $e = 1.602 \cdot 10^{-19}$  C, Planckova konstanta –  $h = 6.626 \cdot 10^{-34}$  m $^2$ kg s $^{-1}$ .

### 1. skupina – Jednoliko kružno gibanje

**Pribor:** Gumeni čep (masa je označena na čepu), uteg s nosačem (masa je označena na utegu), cjevčica, špaga, mjerna traka (metar), ljepljiva traka, flomaster, drveni štapić, mobitel kao štoperica. Koristite svoj mobitel kao štopericu. Mobitel mora biti isključen iz mreže. Možete ga koristiti samo tijekom mjerjenja perioda vrtnje. Kada ga ne koristite mora stajati u lijevom gornjem kutu stola. Ukoliko ga budete koristili za bilo koju drugu svrhu bit će te udaljeni s natjecanja i neće vam se priznati bodovi iz eksperimentalnog zadatka.

#### Zadatak.

##### a) Mjerenje perioda vrtnje čepa za različite radijuse vrtnje

Špagu, na kojoj je s jedne strane čep, treba provući kroz cjevčicu. Na drugi kraj špage objesite nosač s utegom. Špaga s utegom i cjevčica stoje vertikalno. Cjevčicu neznatno pomičete tako da se čep vrti jednoliko kružno iznad vaše glave.

Potrebno je izmjeriti period vrtnje tako da je duljina špage od cjevčice do čepa  $D$  jednaka 30 cm, 40 cm, 50 cm, 60 cm i 70 cm. Dobivene rezultate upišite u tablicu.

##### b) Računanje brzine vrtnje

Za svako mjerjenje izračunajte brzinu vrtnje i dodajte u tablicu. Ukoliko smatrate da vam u tablici trebaju stupci s nekim veličinama koje nisu zadane u zadatku slobodno ih dodajte.

##### c) Centripetalna sila – eksperimentalna

Iz dobivenih podataka izračunajte centripetalnu силу  $F_{cp}$  i upišite ju u tablicu.

##### d) Račun pogrešaka za mjerjenje centripetalne sile

Napravite račun pogrešaka kod mjerjenja centripetalne sile  $F_{cp}$ . Napišite kolika je centripetalna sila dobivena mjerjenjem.

##### e) Centripetalna sila – teorijska

Potrebno je teorijski izračunati kolika centripetalna sila  $F'_{cp}$  djeluje na čep iz zadanih podataka (ne iz podataka koji su dobiveni mjerjenjem).

##### f) Usporedba teorijske i eksperimentalne vrijednosti centripetalne sile

Usporedite teorijske i eksperimentalne vrijednosti centripetalne sile.

##### g) Kinetička energija

Izračunajte kinetičke energije  $E_k$  iz podataka dobivenih mjerjenjem i upišite u tablicu. Također izračunajte kinetičku energiju  $E'_k$  iz teorijski dobivene centripetalne sile i radijusa vrtnje i unesite u tablicu. Usporedite vrijednosti.

##### h) Rad pri kružnom gibanju

Izračunajte koliki rad izvrši centripetalna sila kada čep napravi jedan krug za svako mjerjenje.

##### i) Opis mjerjenja

Opišite kako ste mjerili.

j) Nabrojite tri fizikalne veličine koje mogu utjecati na mjerjenje, a nisu uključene u ova mjerjenja.

## 2. skupina – određivanje mase drvenog predmeta

**Pribor:** čaša s vodom (gustoća vode je  $1000 \text{ kg/m}^3$ ), ravnalo s mjernom skalom, elastična opruga, metalni valjčić, elastična gumica, drveni predmet s metalnom kukicom (određujemo njegovu masu).

**Zadatak.** Pomoću priloženog pribora odredite masu drvenog predmeta.

U sklopu zadatka potrebno je:

1. Teorijski obrazložiti postupak mjerena, izvesti odgovarajuće teorijske formule, definirati koje veličine i kako je potrebno mjeriti te skicirati postupak mjerena.
2. Napraviti barem 6 mjerena odgovarajućih veličina, za svako mjerena odrediti masu drvenog predmeta i podatke prikazati tabelarno.
3. Napraviti račun pogreške: srednja vrijednost, maksimalna absolutna pogreška i zapis rezultata (vodite računa o pouzdanim znamenkama).

## 3. skupina – Machovo njihalo

**Pribor:** drvena daščica, dvije slamke probušene na jednom kraju, igla za pletenje, dvije kutije šibica, plastelin, ljepljiva traka, sat budilica sa sekundama, ravnalo.

**Zadatak.** Pomoću navedenog pribora pripremite Machovo njihalo i primijenite ga tako da:

- a) kratko i jasno opišete pripremu eksperimentalnog uređaja za određivanje jakosti gravitacijskog polja u učionici i zatim jakosti gravitacijskog polja za dva različita nagiba ravnine titranja;
- b) skicirate eksperimentalni uređaj i pojedine dijelove povežete s opisom pod a);
- c) navedete matematičke izraze pomoću kojih ćete računati jakost gravitacijskog polja u pojedinom slučaju i povežete ih sa skicom pod b) ili sa zasebnom skicom;
- d) kratko i jasno opišete način vršenja mjerena;
- e) napravite po 10 mjerena za osnovnu ravninu titranja i zatim za dva različita nagiba i rezultate mjerena prikažete tablično;
- f) provedete račun slučajnih pogrešaka za sva tri seta mjerena i odredite srednju vrijednost, pojedinačno odstupanje od srednje vrijednosti, absolutnu vrijednost maksimalnog odstupanja, relativnu maksimalnu pogrešku i zapise točnih rezultata;
- g) brojčano i riječima usporedite dobivene rezultate za jakosti gravitacijskog polja;
- h) analizirate dobivena maksimalna odstupanja i relativnu maksimalnu pogrešku s kratkim osvrtom što je sve utjecalo na preciznost mjerena;
- i) napravite brojčanu i opisnu usporedbu jednog od tri eksperimentalna rezultata s poznatom vrijednosti za jakost gravitacijskog polja u učionici;
- j) navedete, prema stečenom eksperimentalnom iskustvu i prethodnom predznanju, čemu služi Machovo njihalo.

## 4. skupina – svjetleće diode

**Pribor:** svjetleće diode (po dvije crvene, žute, zelene, plave i bijele), spojne žice, dvije velike spajalice, potenciometar (trimer)  $1 \text{ k}\Omega$ , odvijač, otpornici ( $330 \text{ }\Omega$ ), multimetri, baterija 9 V, mjerna traka na letvici, mjerna traka, optička rešetka (500 pukotina po mm), pločica za LED, gumena tamna cjevčica, arak papira sa obojanim pravokutnicima, milimetarski papir, gumice.

**Upute.** Pri izvođenju eksperimentalnog zadatka kao indikatori se koriste posebne vrste izvora svjetlosti – LED diode. Tijekom prolaza električne struje poluvodičkom diodom u dodirnom NP – sloju stalno se rekombiniraju slobodni elektroni i šupljine. Pritom se u nekim poluvodičima, pri rekombinaciji, oslobođena energija pretvara u svjetlost. Takve se diode nazivaju svjetleće diode. LED (Light Emitting Diode) rade na načelu unutarnjeg fotoelektričnog učinka. Na frekvenciju zračenih elektromagnetskih valova, odnosno na boju emitirane svjetlosti, može se utjecati odabirom odgovarajućeg poluvodičkog materijala te odabirom i koncentracijom točno određenih primjesa.



Kristal poluvodiča sastoji se od velikog broja pravilno razmještenih atoma čiji se energijski nivoi cijepaju u niz bliskih susjednih stanja koja se zovu vrpccama. One su odijeljene energijskim procjepom. U slučaju unutarnjeg fotoelektričnog učinka, kod poluvodiča, valentni elektroni koji apsorbiraju foton prelaze u vodljivu vrpcu. Ako je energija apsorbiranih fotona veća od energije energijskog procjepa, elektroni na račun dobivene energije mogu prijeći iz valentne vrpce u vodljivu vrpcu i postati pokretni i mogu biti nositelji električne struje u kristalu.

Svaki materijal ima različitu širinu energijskog procjepa i zato emitira svjetlost različitih valnih duljina. Za LED crvene boje to svojstvo ima (GaAsP), LED plave boje (GaN) i LED zelene boje (GaP).

Ako kroz svjetleću diodu prolazi prevelika struja, dolazi do oštećenja. Struju treba ograničiti pomoću otpornika. Svjetleća dioda ima pozitivan i negativan pol. Na kućištu je negativan pol označen, tako da je kućište sa strane gdje je negativan pol lagano zaravnato. Dioda vodi kada joj je anoda spojena na pozitivni pol izvora, a katoda na negativni pol izvora. Ako se dioda spoji u suprotnom smjeru, neće svijetliti.

**Napomena.** Ne skraćujte ili savijajte izvode na svjetlećim diodama.

### Zadatci.

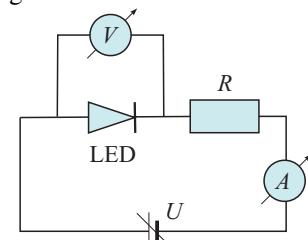
#### 1. dio

a) Odredite strujno-naponske karakteristike svjetlećih dioda.

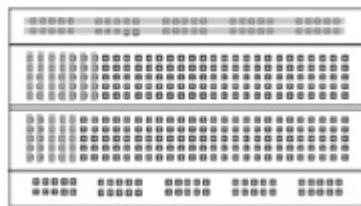
Za crvenu, žutu, zelenu, plavu i bijelu svjetleću diodu nacrtajte, na milimetarskom papiru (prilog 1), strujno naponske karakteristike, na istom grafu.

Osnovni se strujni krug sastavlja prema shemi na slici.

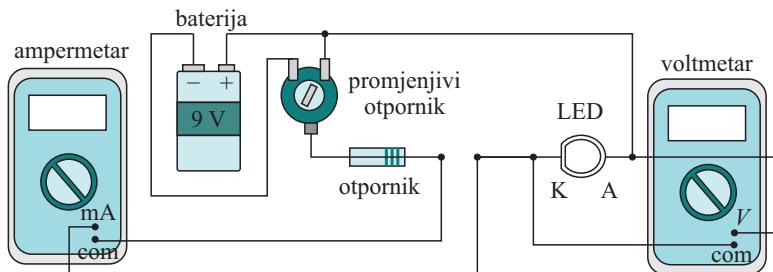
Umjesto laboratorijskog izvora napona kao izvor napona koristite bateriju od 9 V. Kako bi za vrijeme mjerjenja mogli mijenjati napone dodaje se promjenjivi otpornik (trimer od  $1\text{ k}\Omega$ ). Zakretanjem okretnog dijela s utorom na sredini trimera, mijenja se vrijednost napona na diodi. Koristite priloženi odvijač za zakretanje. Potrebno je dodati i otpornik od  $330\text{ }\Omega$  u seriju.



Strujni se krug sastavlja na eksperimentalnoj pločici. Ova se pločica sastoji od plastičnog kućišta na čijoj se gornjoj strani nalazi mnoštvo rupica namijenjenih umetanju nožica različitih komponenti. Rupice su u unutrašnjosti pločice međusobno povezane prema određenom pravilu. Na slici su označene međusobno povezane rupe. One predstavljaju mjesta jednakog potencijala. Na slici je označen dio međusobno spojenih rupa.



Primjer spajanja vašeg eksperimentalnog postava prikazan je na slici. Svjetleća dioda, promjenjivi otpornik i otpornik trebaju biti postavljeni na eksperimentalnu pločicu.



Prije mjerena, na multimetru kojim se mjeri napon, odaberite odgovarajuće mjerno područje na zakretnom dijelu (DCV, 20.). Na multimetru kojim mjerite struju odaberite mjerne područje DCA, 200 mA. Spojne žice se spajaju na COM ulaz multimetra (-) i  $\Omega\text{mA}$  ulaz (+).

Mjerite parove vrijednosti napona i struje. Očitajte barem 10 parova napona i struje počevši od trenutka kad je LED tek zasvjetlila. Mjerenja provodite isključivo u propusnom smjeru diode. Struja ne smije premašiti 20 mA.

Mjerenja i rezultate prikažite tablično i grafički.

b) Usporedite dobivene grafove. O kakvim se karakteristikama radi?

c) LED pri određenom istosmernom naponu počinje emitirati svjetlost. Izmjerite napon na svakoj pojedinoj diodi upravo kada počne svijetliti (napon praga  $U_0$ ). Iz dobivenih mjerena za svaku svjetleću diodu odredite energiju koja se pri rekombinaciji pretvorila u svjetlost. Energije izrazite u eV. Obrazložite postupke svojih izračuna. Navedite primjenjene izraze i imenujte sve veličine.

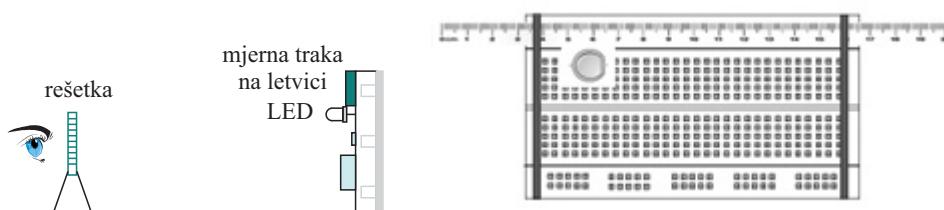
d) Povucite pravac duž linearног dijela strujno naponske karakteristike. Očitajte vrijednost napona na naponskoj osi kroz koji pravac prolazi ( $U_0$ ). Ponovite postupak za svaku svjetleću diodu i očitajte pripadne napone. Ove se vrijednosti razlikuju od vaših prethodnih očitovanja. Obrazložite.

e) Diskutirajte napon praga bijele LED u odnosu na ostale svjetleće diode.

*Konstante:* brzina svjetlosti u vakuumu  $c = 3 \cdot 10^8 \text{ ms}^{-1}$ , Planckova konstanta  $h = 6.626 \cdot 10^{-34} \text{ Js}$ .

## 2. dio

Da bi odredili valnu duljinu emitirane svjetlosti upotrijebit ćete optičku rešetku koja ima 500 pukotina po jednom milimetru. Na slici je shematski prikaz pokusa u kojem treba odrediti valnu duljinu izvora svjetlosti.



Optičku rešetku (u plastičnom okviru) postavite u veliku spajalicu za papir. Eksperimentalnu pločicu koju ste koristili u prvom dijelu vježbe okrenite okomito. Neka je LED postavljena u gornjem dijelu pločice (na skici nije prikazan elektronički sklop iz prethodog dijela zadatka, potreban za napajanje diode.). Pričvrstite letvicu s mernom trakom pomoću gumica, neposredno iznad LED kako je prikazano na slici.

Uključite LED i promotrite njezinu svjetlost kroz optičku rešetku, tako da vam je oko vrlo blizu rešetke. Promotrite dobiveni spektar. Udaljenosti namjestite tako da dobro vidite spektar prvog reda.

a) Usporedite i opišite dobivene spekture pojedinih svjetlećih dioda, uključujući i svjetleću diodu koja emitira bijelu svjetlost.

b) Odredite valne duljine crvene, žute, zelene i plave svjetleće diode. Za svaku diodu izvršite seriju od 5 mjerena i procijenite točnost mjerena. Što je sve uvjetovalo točnost vaših mjerena? Rezultate prikažite tablično. Na skici označite mjerene veličine. Navedite sve izraze koje ste koristili za izračune.

c) Iz dobivenih mjerena (koristite srednje vrijednosti dobivenih rezultata u b) dijelu) odredite energije emitiranih fotona. Energije izrazite u eV.

d) Usporedite dobivene energije s energijama dobivenima u 1. dijelu zadatka. Obrazložite rješenja.

### 3. dio

Namjena je svjetlećih dioda, u pravilu, emitiranje svjetlosti. Međutim, ako na svjetleću diodu spojite voltmeter, i pri dnevnoj svjetlosti, očitati ćete vrijednosti i od nekoliko mV, nekoliko desetaka mV i više. Vaš je zadatak istražiti ovisnost napona koji očitavate na svjetlećoj diodi o valnoj duljini svjetlosti koja na nju upada.

Sastavite eksperimentalni postav prikazan na slici.

LED 1 (predajnik) postavljena je na eksperimentalnoj pločici kao i u prvom i drugom dijelu zadatka. Spojite diodu na bateriju. Na pločicu na kojoj se nalazi konektor s dva utora postavite LED 2 (prijemnik) i zatim diodu spojite na voltmeter (mjerno područje 200 mV).

Postavite prvo crvenu LED i osvjetljavajte redom svjetlošću crvene LED, zatim žute, zelene i plave LED.

Nakon toga osvjetljavajte žutu LED redom svjetlošću crvene, žute, zelene i plave LED. Na isti način nastavite s osvjetljavanjem zelene i plave LED i očitavajte pripadne napone na LED 1.

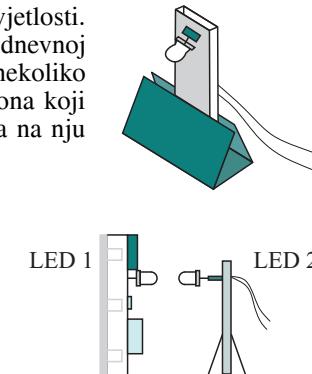
LED 1 i 2 treba postaviti jednu naspram druge, vrlo blizu. Namještajte tako dugo dok nije očitan najveći napon na voltmetu. Ukoliko okolno osvjetljenje smeta, možete svjetleće diode postaviti na krajeve priložene gumene crne cjevčice. Cjevčicu možete skratiti kako bi dobili željenu duljinu.

a) Sastavite tablicu u kojoj ćete prikazati izmjerene napone u ovisnosti o valnoj duljini primijenjene svjetlosti.

b) Što možete zaključiti na osnovu dobivenih podataka?

c) Obrazložite moguća odstupanja u svojim mjeranjima.

d) Je li moguće koristiti svjetleće diode kao naponske ćelije? Obrazložite. Kako biste odredili maksimalnu snagu ovakve naponske ćelije?



e) U 1. i 2. dijelu zadatka objašnjavali ste spekture bijele LED i ostalih svjetlećih dioda. Također ste razmatrali napone praga za bijelu i ostale svjetleće diode. Jeste li uspjeli povezati napon praga bijele i ostalih dioda? Usporedite strujno naponske karakteristike bijele i plave LED.

Uzmite svaku od dobivenih svjetlećih dioda i pokušajte vidjeti poluvodički element (PN spoj) u unutrašnjosti svake diode. Usporedite pogled u unutrašnjost kućišta, npr. plave i bijele LED. Što opažate?

Zadatak je da pomoću jedne od svjetlećih dioda (crvene, zelene ili plave) i jednog od obojanih pravokutnika (prilog 2) dobijete bijelu svjetlost. U prilogu 2 otisnut je niz pravokutnika obojanih običnim bojama (tinta pisača) i niz pravokutnika obojanih fluorescentnim flomasterima. Obrazložite rezultat izvedenog pokusa.

Na osnovu svega prethodnog, pokušajte pojednostavljeno objasniti načelo rada vaše bijele LED.

*Željko Skoko*