

Usporavanje pulsara u maglici Rakovice

Pavlovski, Krešimir

Source / Izvornik: **Matematičko fizički list, 2002, 208, 262 - 264**

Journal article, Published version

Rad u časopisu, Objavljena verzija rada (izdavačev PDF)

Permanent link / Trajna poveznica: <https://um.nsk.hr/um:nbn:hr:217:854424>

Rights / Prava: [In copyright](#) / [Zaštićeno autorskim pravom.](#)

Download date / Datum preuzimanja: **2024-12-20**



Repository / Repozitorij:

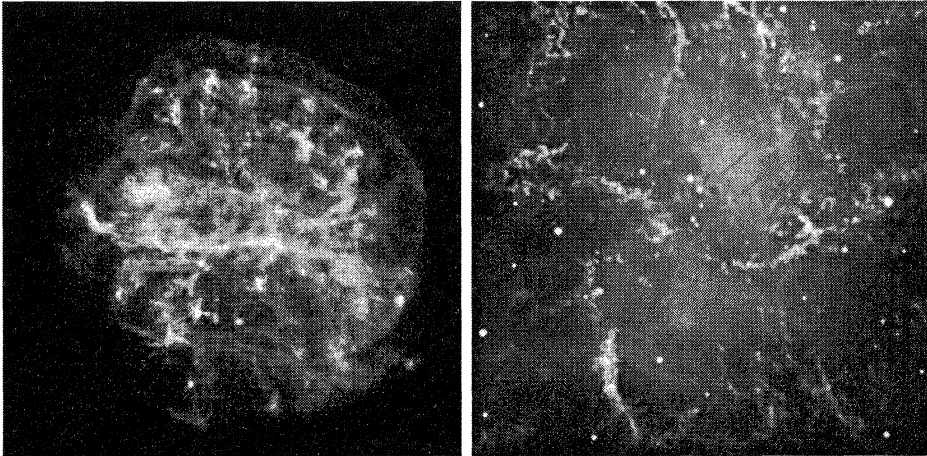
[Repository of the Faculty of Science - University of Zagreb](#)



Usporavanje pulsara u maglici Rakovice

Krešimir Pavlovski¹, Zagreb

Blijedo bijelo-plavičasto svjetlo maglice Rakovice dolazi od sinhrotronskog zračenja. Relativistički ubrzani elektroni kruže oko silnica magnetskog polja isijavajući jako polarizirano sinhrotronsko zračenje.



Slika 1. Ostaci supernovâ: maglica G292.0+1.8 u zvijezdu Centaurus snimljena u rentgenskom dijelu elektromagnetskog spektra pomoću satelita Chandra X-ray Observatory (lijevo) i maglica Rakovice (M1) u zvijezdu Taurus snimljena 8-m teleskopom Kuyen European Southern Observatory u Čileu (desno). Strelicama su označeni pulsari čijim usporavanjem maglice svijetle. Pojavu supernove u kojoj je nastao pulsar PSR0531+21 i maglica Rakovice pratili su i zabilježili kineski astronomi 1054. godine. Pulsar u maglici G292.0+1.8 je nešto stariji, starost mu se procjenjuje na 1600 godina.

Izvor energije je rotirajuća neutronska zvijezda – pulsar, u srcu Rakovice. U tom letećem vrtuljku pohranjena je ogromna količina rotacijske kinetičke energije. Izrazit ćemo rotacijsku kinetičku energiju KE_{rot} preko perioda rotacije τ i momenta tromosti I neutronske zvijezde:

$$KE_{rot} = \frac{1}{2} I \omega^2 = \frac{2\pi^2 I}{\tau^2}. \quad (1)$$

Prema tome, ukoliko se period rotirajuće neutronske zvijezde mijenja, mijenjat će se i iznos rotacijske kinetičke energije. Produljenje perioda (usporavanje zvijezde) ujedno znači gubitak rotacijske energije. Napišimo promjenu rotacijske kinetičke energije kada τ raste a ω opada:

$$\frac{\Delta KE_{rot}}{\Delta t} = \frac{1}{2} \frac{I \Delta(\omega^2)}{\Delta t}. \quad (2)$$

¹ Autor je redoviti profesor astronomije i astofizike na Prirodoslovno-matematičkom fakultetu Sveučilišta u Zagrebu, e-mail: krešimir@phy.hr, <http://www.phy.hr/~kresimir>

Za malu promjenu kutne brzine $\Delta\omega$ bit će $\Delta(\omega^2) = (\omega + \Delta\omega)^2 - \omega^2 \sim 2\omega\Delta\omega$, tako da je:

$$\frac{\Delta(\omega^2)}{\Delta t} \sim 2\omega \frac{\Delta\omega}{\Delta t}. \quad (3)$$

Iznos promjene kutne brzine (kutno ubrzanje $\alpha = \Delta\omega/\Delta t$), odredit ćemo iz promjene perioda. Kutna brzina je $\omega = 2\pi/\tau$ tako da je

$$\frac{\Delta\omega}{\Delta t} = 2\pi \frac{\Delta(1/\tau)}{\Delta t} = 2\pi \frac{[(1/\tau) - (1/(\tau + \Delta\tau))]}{\Delta t} \sim 2\pi \frac{\Delta\tau/\tau^2}{\Delta t}. \quad (4)$$

Iz jednadžbe (2), (3) i (4) slijedi

$$\frac{\Delta KE_{rot}}{\Delta t} = \frac{(2\pi)^2 I \Delta\tau}{\tau^3 \Delta t}. \quad (5)$$

Tablica 1. Promjena perioda vrtnje pulsara PSR0531+21 u maglici Rakovice. Period je izražen u milisekundama. JD označuje julijanske dane, vremensku skalu koju astronomi koriste za vremensko obilježavanje trenutka motrenja.

| Datum | JD [d] | Period [ms] |
|--------------|-----------|-------------|
| 1968/10/20 | 2440149.5 | 33.09014 |
| 1968/11/22 | 2440182.5 | 33.09114 |
| 1969/01/19.3 | 2440240.8 | 33.093492 |
| 1969/02/12.2 | 2440264.7 | 33.0943630 |
| 1969/02/20.2 | 2440272.7 | 33.0946575 |
| 1969/02/23.1 | 2440275.6 | 33.0947641 |
| 1969/03/17.1 | 2440297.6 | 33.09556393 |

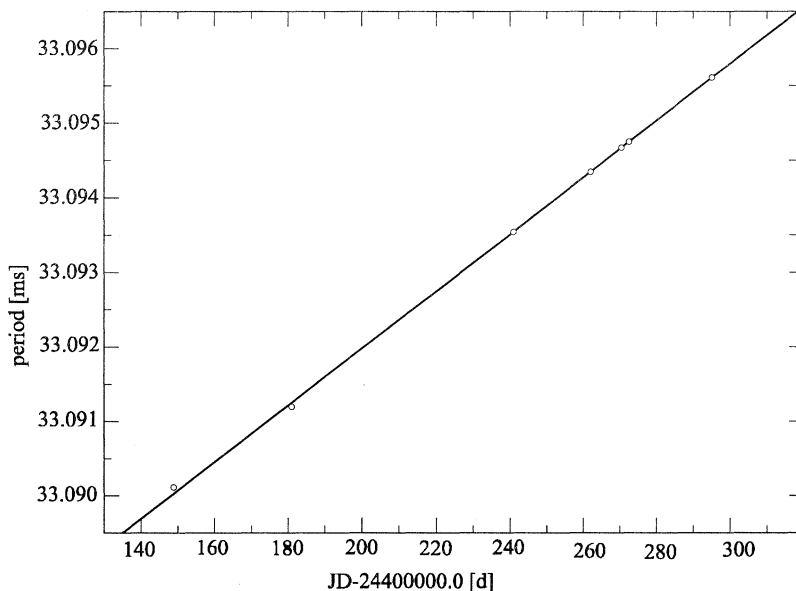
Vratit ćemo se sada na pulsar u Rakovici. Njegov je period $\tau = 33.1$ ms (milisekunde). Prema tablici 1 možemo grafički ili računski odrediti promjenu njegovog perioda (sl. 2). Dobivamo $\Delta\tau/\Delta t \sim 4 \cdot 10^{-13}$. Moment tromosti pulsara izračunat ćemo iz jednadžbe za moment tromosti homogene kugle:

$$I = \frac{2}{5} M R^2, \quad (6)$$

što nakon uvrštenja vrijednosti za masu i polumjer tipične neutronske zvijezde ($M_{nz} = 1.4 M_\odot$ i $R_{nz} = 10$ km), za promjenu rotacijske kinetičke energije pulsara u Rakovici, prema jednadžbi (5) daje:

$$\frac{\Delta KE_{rot}}{\Delta t} \sim \frac{2 \cdot 4\pi^2 \cdot 1.4 (2 \cdot 10^{30}) (10^4)^2}{5 (0.0331)^3} (4 \cdot 10^{-13}) \sim 5 \cdot 10^{31} \text{ J/s} \quad (7).$$

To je, na red veličine, jednako energiji koju zrači Rakovica u formi sinhrotronskog zračenja! Usporavanje pulsara i oslobađanje njegove rotacijske kinetičke energije, dovoljan je izvor energije koji već skoro cijeli milenij održava zračenje maglice – ostatka eksplozije supernove iz 1054. godine. Kada se pulsar ne bi usporavao, maglica se već davno ne bi vidjela.



Slika 2. Promjena perioda vrtnje pulsara PSR0531 + 21 u maglici Rakovice u vremenu od listopada 1968. do ožujka 1969. godine. Iz crteža je vidljivo da se period pulsara povećava – znači pulsar se usporuje. Upravo zahvaljujući usporavanju pulsara maglica dobiva potrebnu energiju za zračenje.

Zadatak: Gubitak energije rotirajuće zvijezde jako je osjetljiv o njezinom polumjeru. Izračunajte promjenu energije kada bi neutronska zvijezda bila 10 puta veća. Ili kada bi se radilo o bijelom patuljku čiji je tipični polumjer $R_{bp} = 30\,000$ km. Da li bi se takva zvijezda uopće mogla vrtjeti oko svoje osi s periodom 33 ms koliko iznosi period vrtnje pulsara u Rakovici?

Otiskan je izvanredni broj (F) Matematičko-fizičkog lista, trojezični

RJEČNIK MATEMATIČKIH NAZIVA [=TERMINA],

DICTIONARY OF MATHEMATICAL TERMS,

WÖRTERBUCH DER MATHEMATISCHEN FACHWÖRTER.

Na 64 strane nalazi se obrađeno 1 200 matematičkih natuknica (često u dubletu). Zahvaćeni su glavni pojmovi (riječi i izričaji) iz osnovnoškolske i srednjoškolske nastave matematike te nešto s prvih semestara fakulteta.

Cijena rječnika je 30 kn, za inozemstvo 8 EUR. Za narudžbe od deset i više primjeraka odobrava se 10% popusta. Žiro račun je na drugoj strani omota ovog broja.

Otiskan je (1993.) izvanredni broj (E) Matematičko-fizičkog lista.

ODABRANI ZADACI IZ MATEMATIKE S RJEŠENJIMA

Na 64 strane nalazi se 150 zadataka iz svih područja srednjoškolske matematike, odabranih između 560 zadataka objavljenih u 31. – 40. godištu (1980./81. – 1989./90.) lista. Uz svaki zadatak je potpuni tekst rješenja, onako kako ga je dao potpisani učenik – rješavatelj.

Cijena ove zbirke je 20 kn. Za inozemstvo 6 EUR. Za narudžbe od 10 i više primjeraka odobravamo 10% popusta. Žiro-račun je na drugoj strani omota ovog broja.